

Didaktik der Grundschulmathematik II

Kapitel 3: Didaktik des Sachrechnens

Dr. Jürgen Roth Institut für Mathematik Didaktik der Mathematik



3 Didaktik des Sachrechnens

3.4 Gestaltung des Sachrechenunterrichts





Inhaltsverzeichnis

1 Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sachrechnen

Geometrie

3.4 Gestaltung des Sachrechenunterrichts

- 3.4.1 Gestaltungsprinzipien
- 3.4.2 Übungsformen zum Sachrechnen
- 3.2.3 Sachrechencurriculum



3.4 Gestaltung des Sachrechenunterrichts

3.4.1 Gestaltungsprinzipien





Sachrechnen sollte ...

1 Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sachrechnen

Geo-

- im Sinne eines Spiralcurriculums von Klasse 1 bis 4 als Lehrgang unterrichtet werden,
- ▷ Inhalt ganzer Unterrichtsstunden und -sequenzen sein,
- an die Alltagserfahrungen der Kinder anknüpfen
- Möglichkeiten zur Umwelterschließung mit mathematischen Mitteln eröffnen,
- ▷ eine Verbindung zu den anderen Lernbereichen des Mathematikunterrichts darstellen (Arithmetik, Geometrie, Größen, Kombinatorik).



Sachrechnen ...

1 Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sachrechnen

4 Geometrie

von Anfang an

- Textaufgaben(zunächst mündlich präsentiert)
- problemhaltige Aufgaben
- eigenständiger
 Inhaltsbereich
 (Nicht nur gerade behandelter arithmetischer Stoff!)
- längere Zeit beim gleichen Kontext verweilen
- Ansatzpunkt für fächerverbindenden Unterricht

anhand sinnvoll ausgewählter Aufgaben

- vielfältige / geeignetePräsentationen
- Vertrautheit der Schüler mit der Situation
- Anforderungsniveau in der "Zone der nächsten Entwicklung"
- - authentische Situationen des Alltags & der Welt
 - Provozierende Fragen, Sachtexte, Rekorde, Denkaufgaben, ...





Sachrechnen ...

Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sachrechnen

4 Geo-

- methodisch gestalten

 - genügend Zeit zur individuellen Auseinandersetzung geben
 - Über die Sachsituation sprechen
 - Möglichkeit geben Fragen zu stellen
 - In der Lösungsphase den Denkprozess möglichst nicht unterbrechen

- Die Schüler müssen wissen, dass sie Zeit zum Eindenken haben ("Was wäre, wenn …?"-Fragen stellen u. ä.) und dies auch gewürdigt wird.
- Der Weg ist das Ziel!
- ▷ offen gestalten
 - Aufgabenstellung
 - Lösungswege und deren Fixierung
 - Organisationsformen (Freiarbeit, Lernwerkstatt, Stationslernen ...)





Sachrechnen ...

1 Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sachrechnen

4 Geo-



b über Lösungen, Lösungswege und -strategien reflektieren

- Bezug zwischen dem errechneten Ergebnis und der Sachsituation herstellen.
 - Arithmetische Lösung prüfen.
 - Lösung im Kontext prüfen.
 - Lösung anhand eigener Erfahrungen prüfen.
- - ▶ Vgl. 3.3.1 Sachrechnen als Problemlösen

Projektorientierter Mathematikunterricht

Franke: Didaktik des Sachrechnens in der Grundschule. Spektrum Akad. Verlag, Heidelberg, Berlin, 2003, S. 183-188 (Textauszug unter Material!)

Dr. Jürgen Roth Institut für Mathematik Didaktik der Mathematik



3.4 Gestaltung des Sachrechenunterrichts

3.4.2 Übungsformen zum Sachrechnen





Übungen zum Sachrechnen

1 Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sach-rechnen

4 Geo-

Dr. Jürgen Roth

Verbessern der Sachrechenkompetenz durch

- Erfinden eigenerSachaufgaben (SA)
- Darstellen von SA
- Verändern von SA
- Finden von Fragen zu SA
- ▷ Hinterfragen von Lösungen
- Erkennen und Erlernen von Lösungsstrategien & Bearbeitungshilfen
- Interpretieren von Texten, mathem. Modellen & Lösungen
- Bearbeitungsschritte isolieren oder umkehren

- Darstellungen in Beziehung setzen
 - symbolischen Darstellung (Rechenaufgabe, Term, Gleichung)
 - ► Skizze
 - Material
 - ▶ Text

Ziele:

- Unreflektiertes, nur auf
 Verknüpfung der Zahlen mit einem
 Operationszeichen gerichtetes
 Vorgehen bremsen
- Nicht die Lösung sondern der Weg ist das Ziel

Üben meint hier operatives Durcharbeiten

Dr. Jürgen Roth Institut für Mathematik Didaktik der Mathematik



3.4 Gestaltung des Sachrechenunterrichts

3.4.3 Sachrechencurriculum





Sachrechencurriculum 1. Schuljahr

Präsentations- form	Art der Aufgabe	Sinnstiftende Lernanlässe	Bearbeitungs- hilfen	Lösungswege
 Rollenspiel Unterrichtsgang originale Begegnung szenische Darstellung Zahlen aus der Umwelt Bilder, Schilder, Prospekte 	 Puzzle- und Bilder- geschichten Erzähl- geschichten Wort- geschichten Selbst gemalte Sachaufgaben Sachaufgaben 	 Schulwegbeschreibungen Wir fahren im Schulbus Garderobenhakenanordnung Zahlen in meiner Klasse Geburtstage Kalender mein Schultag Haustiere Einkaufssituationen 	Bildaufgaben zeichnerisch • variieren • ergänzen • reduzieren Darstellungen • tabellarisch • symbolisch • Kontexte zu symbolischen Darstellungen konstruieren • von Bildfrag- menten zu vollständigen Bildaufgaben	 Bilder vergleichen Rollenspiele verändern Strategie-konferenzen



Sachrechencurriculum 2. Schuljahr

Präsenta- tionsform	Art der Aufgabe	Sinnstiftende Lernanlässe	Bearbeitungs- hilfen	Lösungswege
 offene Sach- aufgaben Text- aufgaben Bild- aufgaben Lücken- texte 	 Entscheidungs-aufgaben Vergleichsaufgaben Interpretationsaufgaben Rechengeschichten selbstgeschriebene Sachaufgaben Kapitänsaufgaben DenksportSachaufgaben 	 Tagesaktivitäten Stundenplan Jahreszeiten, Feiertage meine Zähne Körpermaße Arztbesuch, Öffnungszeiten Schulweg- beschilderung Postversand- gebühren Schulmilch- bestellung 	 Diagramme zeichnen/Schaubilder erstellen Fragen sammeln Lückentexte mit sinnvollen Zahlenangaben ausfüllen Texte markieren, unterstreichen, durchstreichen Aufgabe spielen A. mit anderen Worten erzählen unsortierte Aufgaben ordnen 	 Lösungswege diskutieren Lösungswege zu Aufgaben zuordnen Aufgaben zu fertigen Lösungswegen zuordnen Lösungen begründen Sachaufgaben in ihrer Struktur vergleichen



Sachrechencurriculum 3. Schuljahr

Präsenta-	Art der	Sinnstiftende	Bearbeitungs-	Lösungswege
tionsform	Aufgabe	Lernanlässe	hilfen	
 authentische Gebrauchstexte Rekorde Lexika Tabellen und Statistiken 	 Informationstexte Sachtexte Gebrauchstexte Sachsituationen freie, selbst geschriebene Sachaufgaben themengebundene, selbst geschriebene Sachaufg. 	 Aktuelle Ereignisse Bundesjugend- spiele Klassenfest Körpergewicht und Ernährung Körpermaße und Wachstum Urlaubsfahrten Fernsehkonsum Grundrisse und Ortspläne Pflanzen- und Tierwelt Wasserverbrauch 	 Fragen finden, die mit dem Text Beantwortbar sind nicht beantwortbar sind Sachaufgabe ⇔ Kapitänsaufgabe Kapitänsaufgabe in sinnvolle Sachaufgabe verändern Sachtexte nach einer Vorschrift verändern 	 Lösungswege beschreibe Lösungswege miteinander vergleichen Fragen und Antworten zueinander in Beziehung setzen Lösungswege zeichnerisch darstellen



Sachrechencurriculum 4. Schuljahr

Präsenta-	Art der	Sinnstiftende	Bearbeitungs-	Lösungswege
tionsform	Aufgabe	Lernanlässe	hilfen	
 Quittungen Belege Kalenderblätter Speisekarten Backrezepte Zeitungsausschnitte Diagramme Rechenbäume 	 Kapitäns-aufgaben Knobel-aufgaben Problem-aufgaben Falsch-meldungen Schätz-aufgaben Projekte Vorhaben Sachtexte Sach-verhalte 	 Klassenfahrten Theaterbesuch Autokosten Währungen Maßstab Entfernungen DIN-Formate Geschwindigkeit Durchschnitt Renovierung Gewicht (Auto) Kleidergrößen Müllberge Fahrpläne Telefongebühren 	 Pfeilbilder Tabellen Kreisdiagramme Skizzen Textmarkierung Textauszüge Lösungspläne Sachaufgaben zu Rechenbäumen konstruieren Kapitäns-, Denk-, Knobelaufgaben erfinden Antworten auswählen 	 graphische Darstellungen interpretieren Lösungswege beurteilen Lösungen bewerten Fehler begr. unrealistische Lösungen erkennen Lösungsstrategien besch. Statistiken interpretieren & untersuchen



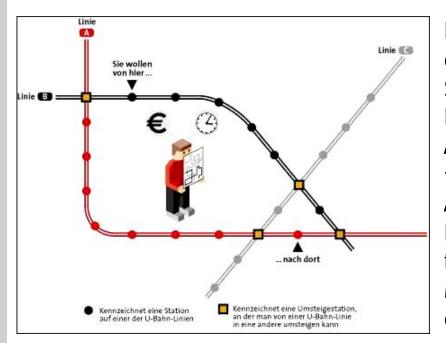
Exkurs: PISA 2003

1 Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sachrechnen

4 Geometrie



Die Abbildung zeigt einen Ausschnitt des öffentlichen Verkehrsnetzes einer Stadt in Zedland mit drei U-Bahn-Linien. Der Fahrpreis richtet sich nach der Anzahl der angefahrenen Stationen:

1 Zed pro angefahrene Station, die Abfahrtsstation nicht mitgerechnet.

Die Fahrzeit zwischen zwei aufeinander folgenden Stationen beträgt ungefähr 2 Minuten. Zum Umsteigen benötigt man etwa 5 Minuten.

Frage: Die Abbildung zeigt die Station, an der du dich zur Zeit befindest – »Von hier« –, und die Station, zu der du fahren möchtest – »Nach dort«. Markiere in der Abbildung die beste Strecke in Bezug auf Kosten und Zeit und nenne nachfolgend den Fahrpreis sowie die ungefähre Fahrzeit.

Fahrpreis: ____ Zeds Ungefähre Fahrtzeit: ____ Minuten



1 Grundlagen

2 Arithmetik

3 Sachrechnen

4 GeoEin Dokumentarfilm über Erdbeben und darüber, wie oft Erdbeben auftreten, wurde gesendet. Er enthielt eine Diskussion über die Vorhersagbarkeit von Erdbeben. Ein Geologe erklärte: »In den nächsten zwanzig Jahren liegt die Wahrscheinlichkeit, dass in Zedstadt ein Erdbeben auftritt, bei zwei drei.«

Frage: Welche der folgenden Aussagen gibt die Bedeutung der Aussage des Geologen am besten wieder?

- a) $2/3 \times 20 = 13.3$, deshalb wird es in 13 bis 14 Jahren von jetzt an gerechnet in Zedstadt ein Erdbeben geben.
- b) 2/3 ist mehr als 1/2, deshalb kann man sicher sein, dass es in Zedstadt irgendwann während der nächsten 20 Jahre ein Erdbeben geben wird.
- c) Die Wahrscheinlichkeit, dass es in Zedstadt irgendwann während der nächsten 20 Jahre ein Erdbeben geben wird, ist höher als die Wahrscheinlichkeit für kein Erdbeben.
- d) Man kann nicht sagen, was passieren wird, weil niemand sicher sein kann, wann ein Erdbeben auftritt.

